

1. A rational number equivalent to a rational number $\frac{7}{19}$ is :

- (A) $\frac{17}{119}$ (B) $\frac{14}{57}$ (C) $\frac{21}{38}$ (D) $\frac{21}{57}$

एक परिमेय संख्या जो $\frac{7}{19}$ के समान है :

- (A) $\frac{17}{119}$ (B) $\frac{14}{57}$ (C) $\frac{21}{38}$ (D) $\frac{21}{57}$

2. Zeroes of the polynomial $x^2 - 4x - 21$ are :

- (A) 3 and 7 (B) -3 and 7 (C) 3 and -7 (D) -3 and -7

बहुपद $x^2 - 4x - 21$ के शून्यक हैं :

- (A) 3 और 7 (B) -3 और 7 (C) 3 और -7 (D) -3 और -7

3. The value of p for which $(x - 2)$ is a factor of polynomial $x^4 - x^3 + 2x^2 - px + 4$ is :

- (A) +10 (B) 9 (C) 4 (D) -10

यदि $(x - 2)$ बहुपद $x^4 - x^3 + 2x^2 - px + 4$ का गुणखण्ड है तो p का मान है :

- (A) +10 (B) 9 (C) 4 (D) -10

4. If the polynomial $x^3 - x^2 + x - 1$ is divided by $x - 1$, then the quotient is :

- (A) $x^2 - 1$ (B) $x^2 + 1$ (C) $x^2 - x + 1$ (D) $x^2 + x + 1$

यदि बहुपद $x^3 - x^2 + x - 1$ को $x - 1$ से विभाजित किया जाए, तो भागफल होगा :

- (A) $x^2 - 1$ (B) $x^2 + 1$ (C) $x^2 - x + 1$ (D) $x^2 + x + 1$

5. The things which coincide with one another are :

- (A) equal to another (B) unequal
(C) double of same thing (D) Triple of same things

वस्तुएँ जो परस्पर संपाती होती हैं :

- (A) एक दूसरे के बराबर होती हैं (B) समान नहीं होती
(C) एक दूसरे का दुगुना है (D) उस वस्तु का तिगुना है।

6. In $\triangle ABC$, $\angle A = 100^\circ$, $\angle B = 30^\circ$ and $\angle C = 50^\circ$ then

- (A) $AB > AC$ (B) $AB < AC$
(C) $BC < AC$ (D) none of these

यदि $\triangle ABC$ में $\angle A = 100^\circ$, $\angle B = 30^\circ$ और $\angle C = 50^\circ$ हो, तो :

- (A) $AB > AC$ (B) $AB < AC$
(C) $BC < AC$ (D) इनमें से कोई भी नहीं

7. The perimeter of an equilateral triangle is 60 m then its area is :

- (A) $10\sqrt{3} \text{ m}^2$ (B) $15\sqrt{3} \text{ m}^2$
(C) $20\sqrt{3} \text{ m}^2$ (D) $100\sqrt{3} \text{ m}^2$

एक समबाहु त्रिभुज का परिमाण 60 मी. है। इसका क्षेत्रफल है :

- (A) $10\sqrt{3}$ मी² (B) $15\sqrt{3}$ मी²
(C) $20\sqrt{3}$ मी² (D) $100\sqrt{3}$ मी²

8. Area of a triangle having base 6 cm and altitude 8 cm is :

- (A) 48 cm^2 (B) 24 cm^2 (C) 64 cm^2 (D) 36 cm^2

यदि एक त्रिभुज का आधार 6 से.मी. और शीर्षलम्ब 8 से.मी. हो, तो क्षेत्रफल होगा :-

- (A) 48 से.मी.^2 (B) 24 से.मी.^2 (C) 64 से.मी.^2 (D) 36 से.मी.^2

Section-B

Question numbers 9 to 14 carry two marks each.

9. Represent $\sqrt{2}$ by a point on the real line ?

$\sqrt{2}$ को संख्या रेखा पर एक बिन्दु से दर्शाये।

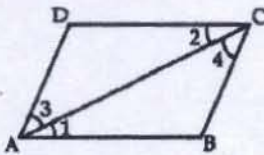
10. If $x+2$ is a factor of $ax^2+2x+4a-9$ find a .

यदि बहुपद $ax^2+2x+4a-9$ का गुणखण्ड $x+2$ हो, तो a का मान ज्ञात कीजिए।

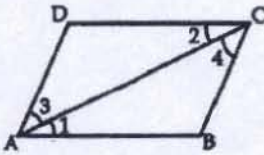
11. Find the remainder when $p(x) = x^3 - 6x^2 + 2x - 4$ is divided by $q(x) = 1 - 2x$

जब $p(x) = x^3 - 6x^2 + 2x - 4$ को $q(x) = 1 - 2x$ से भाग दिया जाता है, तो शेषफल ज्ञात कीजिए।

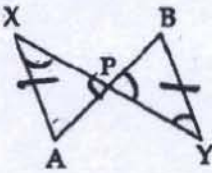
12. In figure, it is given that $\angle 1 = \angle 4$ and $\angle 3 = \angle 2$. By which Euclid's axiom, it can be shown that if $\angle 2 = \angle 4$ and $\angle 1 = \angle 3$.



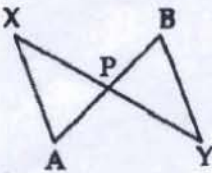
आकृति में $\angle 1 = \angle 4$ और $\angle 3 = \angle 2$ है। यूक्लिड के किस अभिगृहीत से यह दिखाया जा सकता है, कि यदि $\angle 2 = \angle 4$ हो, तथा $\angle 1 = \angle 3$.



13. In the figure below, $AX = BY$ and $AX \parallel BY$ prove that $\triangle APX \cong \triangle BPY$.



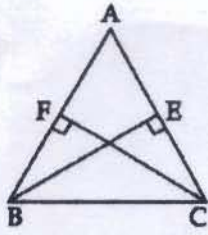
निम्न आकृति में, यदि $AX = BY$ और $AX \parallel BY$ है, तो सिद्ध कीजिए कि $\triangle APX \cong \triangle BPY$.



OR

In the given figure, ABC is a triangle in which altitudes BE and CF to sides AC and AB respectively are equal. Show that $\triangle ABE \cong \triangle ACF$.

दी गयी आकृति में, ABC एक त्रिभुज है जिसमें AC और AB पर खींचे गए शीर्षलंब क्रमशः BE और CF बराबर हैं, दर्शाइये कि $\triangle ABE \cong \triangle ACF$ ।



14. Plot the points $P(-1, -1)$, $Q(2, 3)$ and $R(8, 11)$. Show that they are collinear.

बिन्दुओं $P(-1, -1)$, $Q(2, 3)$ और $R(8, 11)$ को आलेखित कीजिए तथा दर्शाइए कि ये बिन्दु सरलरेखीय हैं।

Section-C

Question numbers 15 to 24 carry three marks each.

15.

If $p = \frac{\sqrt{3} - \sqrt{2}}{\sqrt{3} + \sqrt{2}}$ and $q = \frac{\sqrt{3} + \sqrt{2}}{\sqrt{3} - \sqrt{2}}$, find $p^2 + q^2$.

यदि $p = \frac{\sqrt{3} - \sqrt{2}}{\sqrt{3} + \sqrt{2}}$ और $q = \frac{\sqrt{3} + \sqrt{2}}{\sqrt{3} - \sqrt{2}}$ है, तो $p^2 + q^2$ ज्ञात कीजिए।

OR

✓ Simplify: $\left[5 \left[8^{1/3} + 27^{1/3} \right]^3 \right]^{1/4}$.

सरल कीजिए: $\left[5 \left[8^{1/3} + 27^{1/3} \right]^3 \right]^{1/4}$.

16.

Represent $\sqrt{17}$ on the number line.

संख्या रेखा पर $\sqrt{17}$ को निरूपित कीजिए।

17. Factorize: $(p-q)^3 + (q-r)^3 + (r-p)^3$

गुणनखण्ड कीजिए: $(p-q)^3 + (q-r)^3 + (r-p)^3$

OR

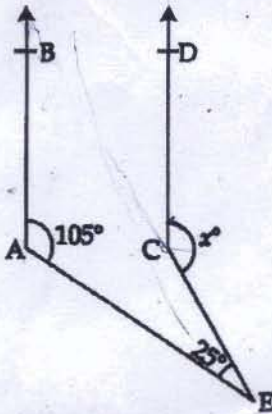
Find the value of 'k' for which $(x-1)$ is factor of $p(x) = (kx^2 - 3x + k)$

'k' का मान ज्ञात कीजिए जब $(x-1)$ बहुपद $p(x) = (kx^2 - 3x + k)$ का एक गुणन खण्ड है।

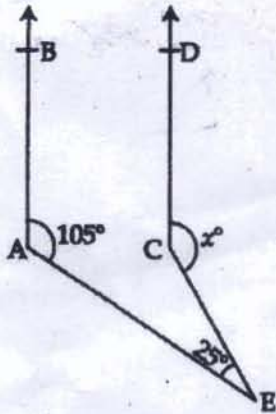
18. Find the value of $x^3 + y^3 + 15xy - 125$ when $x + y = 5$.

बहुपद $x^3 + y^3 + 15xy - 125$ का मान ज्ञात कीजिए जबकि $x + y = 5$.

19. In the given figure, $AB \parallel CD$. Find the value of x .

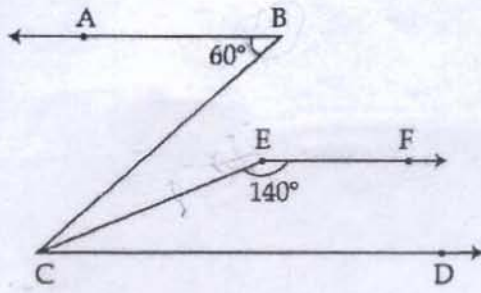


दी हुई आकृति में, $AB \parallel CD$. x का मान ज्ञात कीजिए।

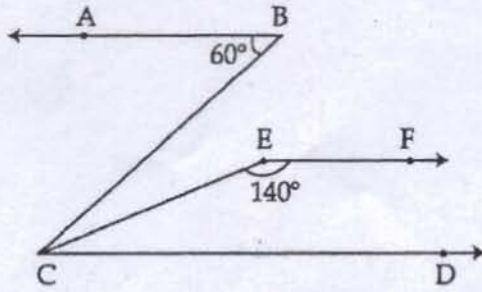


OR

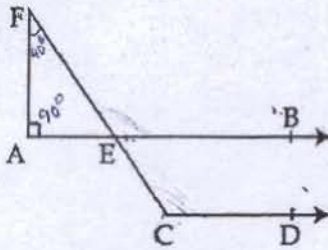
In the figure given below, $AB \parallel CD \parallel EF$ and $\angle ABC = 60^\circ$, $\angle CEF = 140^\circ$, find the value of $\angle BCE$.



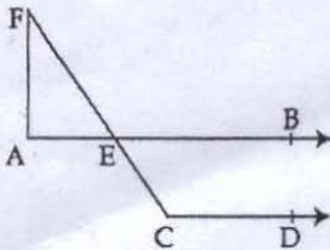
आकृति में $AB \parallel CD \parallel EF$, $\angle ABC = 60^\circ$, $\angle CEF = 140^\circ$ है। $\angle BCE$ का मान ज्ञात कीजिए।



- ✓ 20. In the figure given below, if $AB \parallel CD$, $\angle FAE = 90^\circ$ and $\angle AFE = 40^\circ$ then find $\angle ECD$



आकृति में, यदि $AB \parallel CD$, $\angle FAE = 90^\circ$ and $\angle AFE = 40^\circ$ हो तो $\angle ECD$ की माप ज्ञात कीजिए।



- ✓ 21. ABC and DBC are two isosceles triangles on the same base BC. Show that $\angle ABD = \angle ACD$.

ABC और DBC दो समद्विबाहु त्रिभुजों का आधार BC है। दर्शाइए कि $\angle ABD = \angle ACD$ ।

22.

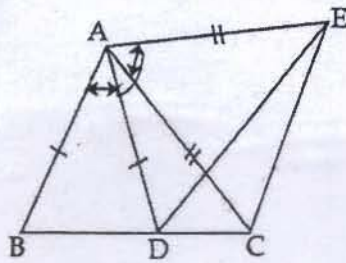


Fig.

In figure, $AB=AD$, $AC=AE$ and $\angle BAD = \angle EAC$. Prove that $BC=DE$

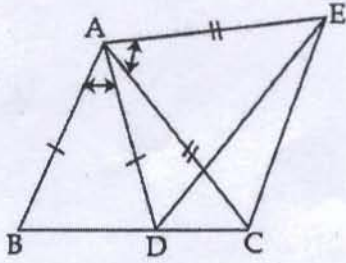
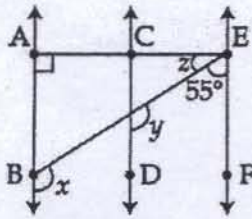


Fig.

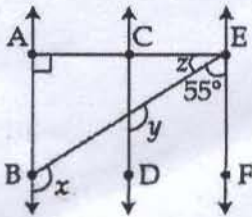
आकृति में $AB=AD$, $AC=AE$ तथा $\angle BAD = \angle EAC$. सिद्ध कीजिए कि $BC=DE$

23.

In the given Figure, $AB \parallel CD$ and $CD \parallel EF$. Also, $EA \perp AB$. If $\angle BEF = 55^\circ$, find the values of x , y and z .



दी गई आकृति में, $AB \parallel CD$ और $CD \parallel EF$ तथा $EA \perp AB$ है। यदि $\angle BEF = 55^\circ$ है, तो x , y और z के मान ज्ञात कीजिए।



24.

The sides of a triangle are in the ratio of $12 : 17 : 25$ and its perimeter is 540 cm. Find its area.

एक त्रिभुज की भुजाएँ $12 : 17 : 25$ के अनुपात में हैं। यदि इस त्रिभुज का परिमाप 540 cm है, तो इसका क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।

Section-D

Question numbers 25 to 34 carry four marks each.

25. ✓ Prove that :

$$\frac{1}{3 + \sqrt{7}} + \frac{1}{\sqrt{7} + \sqrt{5}} + \frac{1}{\sqrt{5} + \sqrt{3}} + \frac{1}{\sqrt{3} + 1} = 1$$

सिद्ध कीजिए कि :

$$\frac{1}{3 + \sqrt{7}} + \frac{1}{\sqrt{7} + \sqrt{5}} + \frac{1}{\sqrt{5} + \sqrt{3}} + \frac{1}{\sqrt{3} + 1} = 1$$

OR

→ Show that : $\frac{1}{3 - \sqrt{8}} - \frac{1}{\sqrt{8} - \sqrt{7}} + \frac{1}{\sqrt{7} - \sqrt{6}} - \frac{1}{\sqrt{6} - \sqrt{5}} + \frac{1}{\sqrt{5} - 2} = 5$

सिद्ध कीजिए कि : $\frac{1}{3 - \sqrt{8}} - \frac{1}{\sqrt{8} - \sqrt{7}} + \frac{1}{\sqrt{7} - \sqrt{6}} - \frac{1}{\sqrt{6} - \sqrt{5}} + \frac{1}{\sqrt{5} - 2} = 5$

26. ✓ If 'x' is a positive real number and exponents are rational numbers, simplify :

$$\left[\frac{x^b}{x^c} \right]^{(b+c-a)} \times \left[\frac{x^c}{x^a} \right]^{(c+a-b)} \times \left[\frac{x^a}{x^b} \right]^{(a+b-c)}$$

यदि 'x' एक धनात्मक वास्तविक संख्या हो और घातांक परिमेय संख्याएँ हों, तो सरल कीजिए :

$$\left[\frac{x^b}{x^c} \right]^{(b+c-a)} \times \left[\frac{x^c}{x^a} \right]^{(c+a-b)} \times \left[\frac{x^a}{x^b} \right]^{(a+b-c)}$$

27. If the polynomial $(2x^3 + ax^2 + 3x - 5)$ and $(x^3 + x^2 - 2x + a)$ leave the same remainder when divided by $(x - 2)$, find the value of a. Also, find the remainder in each case.

यदि बहुपदों $(2x^3 + ax^2 + 3x - 5)$ तथा $(x^3 + x^2 - 2x + a)$ को $(x - 2)$ से भाग देने पर एक ही शेषफल प्राप्त होता है, तो 'a' का मान ज्ञात कीजिए। शेषफल भी ज्ञात कीजिए।

28. Factorize : $2x^2 - \frac{5}{6}x + \frac{1}{12}$

गुणनखण्ड कीजिए : $2x^2 - \frac{5}{6}x + \frac{1}{12}$

29.

If the polynomials $f(x) = px^3 + 4x^2 + 3x - 4$ and $g(x) = x^3 - 4x + p$ are divided by $(x-3)$, then the remainder in each case is the same. Find the value of p .

यदि बहुपदों $f(x) = px^3 + 4x^2 + 3x - 4$ और $g(x) = x^3 - 4x + p$ को $x-3$ से भाग देने पर समान शेषफल प्राप्त हो, तो p का मान ज्ञात कीजिए।

OR

If $2x + 3y = 12$ and $xy = 6$ find the value of $8x^3 + 27y^3$.

यदि $2x + 3y = 12$ और $xy = 6$ हो, तो $8x^3 + 27y^3$ का मान क्या होगा ?

30. (a) Plot the following points in the coordinate plane

A (-4, 4) B (-6, 0) C (-4, -4) D (-2, 0)

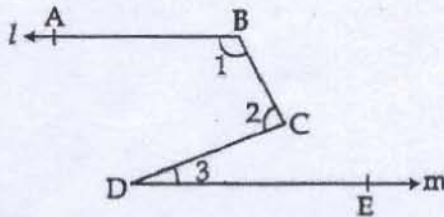
(b) Name the figure formed by joining the points A, B, C and D and also find its area.

(a) कार्तीय तल में निम्न बिन्दुओं को आलेखित कीजिए :

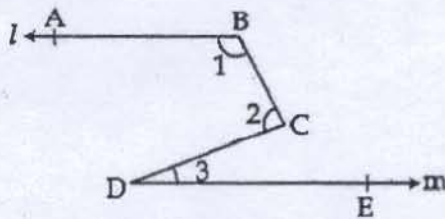
A (-4, 4) B (-6, 0) C (-4, -4) D (-2, 0)

(b) बिन्दुओं A, B, C, D को मिलाने से जो आकृति बनती है, का नाम लिखिए तथा इस का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।

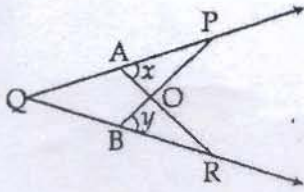
31. In the given figure $l \parallel m$ है, show that $\angle 1 + \angle 2 - \angle 3 = 180^\circ$



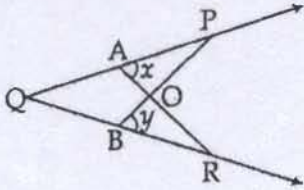
दी गई आकृति में, $l \parallel m$ है, सिद्ध कीजिए कि $\angle 1 + \angle 2 - \angle 3 = 180^\circ$



32. In the figure below, $PQ = QR$ and $\angle x = \angle y$. Prove that $AR = PB$.

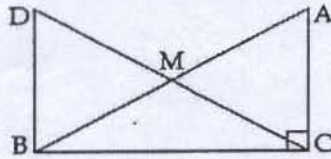


निम्न आकृति में, $PQ = QR$ तथा $\angle x = \angle y$ है। सिद्ध कीजिए कि $AR = PB$ ।



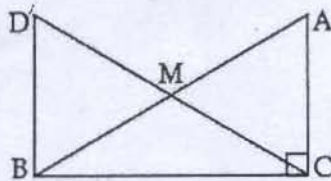
33. In right $\triangle ABC$ in given figure, right angled at C, M is the midpoint of hypotenuse AB, C is joined to M and produced to a point D such that $DM = CM$. Point D is joined to point B. Show that

- (i) $\triangle AMC \cong \triangle BMD$ (ii) $\angle DBC$ is a right angle



दी गई आकृति में एक समकोण त्रिभुज ABC में जिसका कोण C समकोण है। M कर्ण AB का मध्य-बिंदु है। C को M से मिलाकर D तक इस प्रकार बढ़ाया गया है कि $DM = CM$ है। बिंदु D को बिन्दु B से मिला दिया है दर्शाए कि :

- (i) $\triangle AMC \cong \triangle BMD$
(ii) $\angle DBC$ एकसमकोण है।



34. In an isosceles triangle ABC with $AB = AC$ the bisector of $\angle B$ and $\angle C$ intersect each other at O. Join A to O. Show that :

- (i) $OB = OC$ (ii) AO bisects $\angle A$